

管理类专业硕士学位联考

综合能力数学周练习一

一、问题求解：（下列每题给出的五个选项中，只有一项是符合试题要求的。请在答题卡上将所选项的字母涂黑。）

- 集合 $P = \{x \in \mathbb{Z} | 0 \leq x < 3\}$, $M = \{x \in \mathbb{R} | x^2 \leq 9\}$, 则 $P \cap M =$ ()。

A. $\{1, 2\}$ B. $\{0, 1, 2\}$ C. $\{x | 0 \leq x < 3\}$ D. $\{x | 0 \leq x \leq 3\}$ E. \emptyset
- 函数 $y = a^x$ 在 $[0, 1]$ 上的最大值与最小值的和为 3, 则 a 的值为 ()。

A. $\frac{1}{2}$ B. $\frac{1}{4}$ C. 4 D. 2 E. 3
- 抛物线 $y = -x^2 + 4x - 3$ 的图像不经过 ()。

A. 第一象限 B. 第二象限 C. 第三象限 D. 第四象限 E. 无法确定
- 设 $0 \leq x \leq 3$, 则函数 $f(x) = x^2 - 4x + 2$ 的最大值为 ()。

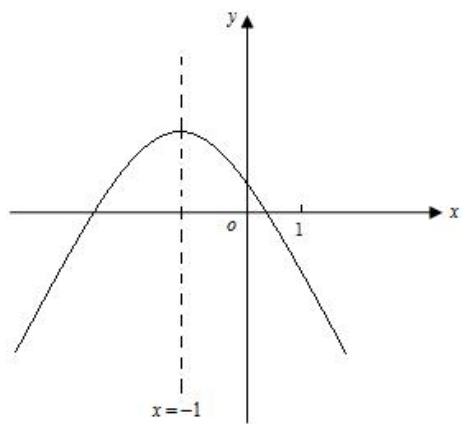
A. -2 B. -1 C. 2 D. 3 E. 1
- 若二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的图像与 x 轴有两个交点 A 和 B , 顶点为 C , 且 $\angle ACB = 60^\circ$, 那么 $b^2 - 4ac$ 的值为 ()。

A. 4 B. 8 C. 10 D. 12 E. 14
- 已知二次函数 $f(x)$ 的图像过点 $A(0, -5)$, $B(-1, -4)$, $C(2, 5)$, 则函数 $f(x)$ 的最小值为 ()。

A. $\frac{9}{8}$ B. $\frac{41}{8}$ C. $\frac{41}{8}$ D. $-\frac{39}{8}$ E. $\frac{39}{8}$
- 二次函数 $y = ax^2 + bx + c (a \neq 0)$ 的图像如图所示, 则下列 4 个结论中正确的个数有 ()。

① $4ac - b^2 < 0$
 ② $4a + c < 2b$
 ③ $3b + 2c < 0$
 ④ $m(am + b) + b < a (m \neq -1)$

A. 4 个 B. 3 个 C. 2 个
 D. 1 个 E. 0 个
- 某商场将每台进价为 2000 元的冰箱以 2400 元销售时, 每天售出 8 台, 调研表明, 这种冰箱的售价每降低 50 元, 每天就能多售出 4 台。若要每天的销售利润最大, 则该冰箱



的定价应为 ()。

- A. 2200 元 B. 2250 元 C. 2300 元 D. 2350 元 E. 2400 元

9. 已知 $0 < a < 1, \log_a m < \log_a n < 0$, 则 ()。

- A. $1 < n < m$ B. $1 < m < n$ C. $m < n < 1$
D. $n < m < 1$ E. $0 < n < m < 1$

10. 已知二次函数 $f(x) = ax^2 + bx + c$ 经过点 $(0,0)$ 和点 $(1,1)$, 且 $f(x)$ 与直线 $y = a + b$

相切, 则 a, b, c 的值为 ()。

- A. 1, 2, 0 B. 1, -2, 0 C. -1, -2, 0 D. -2, 1, 0 E. -1, 2, 0

二、条件充分性判断: (要求判断每题给出的条件 (1) 和 (2) 能否充分支持题干所陈述的结论. A、B、C、D、E 五个选项为判断结果, 请选择一项符合试题要求的判断)

- (A) 条件 (1) 充分, 但条件 (2) 不充分
(B) 条件 (2) 充分, 但条件 (1) 不充分
(C) 条件 (1) 和 (2) 单独都不充分, 但条件 (1) 和条件 (2) 联合起来充分
(D) 条件 (1) 充分, 条件 (2) 也充分
(E) 条件 (1) 和 (2) 单独都不充分, 条件 (1) 和条件 (2) 联合起来也不充分

11. 函数 $f(x) = \log_a x$ 在 $[a, 2a]$ 上的最大值与最小值之差为 $\frac{1}{2}$ 。

(1) $a = 4$

(2) $a = \frac{1}{4}$

12. $\log_a 2 < 0$ 且 $\left(\frac{1}{2}\right)^b > 1$ 。

(1) $a > 1, b > 0$

(2) $0 < a < 1, b < 0$

13. 直线 $y = ax + b$ 与抛物线 $y = x^2$ 有两个交点。

(1) $a^2 > 4b$

(2) $b > 0$

14. 抛物线 $y = ax^2 + bx + c (a \neq 0)$ 与 x 轴有两个不同的交点。

(1) $a > 0$

(2) $a - b + c < 0$

15. $a = 3$ 。

(1) 函数 $f(x) = -x^2 + 2ax - 3$ 的最大值为 6

(2) 抛物线 $y = -x^2 + 2(a-1)x + 2a - a^2$ 关于直线 $x = 2$ 对称